

◇ 数 学

数 7-1～数 7-4 まで 4 ページあります。

〔1〕 次の問いに答えよ。

$$[1] \quad \sqrt{(\sqrt{2} - \sqrt{3})^2} = \sqrt{\boxed{\text{ア}}} - \sqrt{\boxed{\text{イ}}}$$

〔2〕 $\angle A = 45^\circ$, $\angle B = 30^\circ$, $BC = 4$ である $\triangle ABC$ がある。

外接円の半径を R とすると,

$$CA = \boxed{\text{ウ}} \sqrt{\boxed{\text{エ}}}$$

$$R = \boxed{\text{オ}} \sqrt{\boxed{\text{カ}}}$$

である。

〔3〕 次のデータは、8人が受けた50点満点の国語のテストの結果を大きさの順に並べたものである。

23, 26, 32, 33, a , 40, 42, 49 [点]

平均値が35であるとき,

$$a = \boxed{\text{キク}}, \text{ 第3四分位数は } \boxed{\text{ケコ}}$$

である。

〔2〕 x の 2 次関数 $y = x^2 - 2(a-1)x - 8a + 4 \cdots ①$ のグラフの頂点の座標は

$$(a - \boxed{\text{サ}}, -a^2 - \boxed{\text{シ}}a + \boxed{\text{ス}})$$

である。関数①の $-5 \leq x \leq 1$ における最小値を m とすると

$$m = -a^2 - \boxed{\text{シ}}a + \boxed{\text{ス}}$$

となるのは、

$$-\boxed{\text{セ}} \leq a \leq \boxed{\text{ソ}}$$

のときである。また、

$$a < -\boxed{\text{セ}} \text{ のとき, } m = \boxed{\text{タ}}a + \boxed{\text{チツ}}$$

$$\boxed{\text{ソ}} < a \text{ のとき, } m = -\boxed{\text{テト}}a + \boxed{\text{ナ}}$$

である。さらに、 m を a の関数と考えたとき、 m の値が最大となるのは

$$a = -\boxed{\text{ニ}}$$

のときである。

- ③ 1辺の長さが 2 の正四面体 ABCD がある。

A から面 BCD に下した垂線を AH とすると、

$$AH = \frac{\sqrt{[ヌ][ネ]}}{[ノ]}$$

となり、△BCD の面積を S_1 、正四面体 ABCD の体積を V_1 とすると、

$$S_1 = \sqrt{[ハ]}$$

$$V_1 = \frac{\sqrt{[ヒ][フ]}}{[ヘ]}$$

となる。

また、辺 AB, AC, AD, BC, BD, CD の中点をそれぞれ P, Q, R, S, T, U とすると、

2直線 PR, BC のなす角のうち鋭角のものは ホマ °

である。さらに、6つの点 P, Q, R, S, T, U を頂点とする立体の体積を V_2 とすると、

$$V_2 = \frac{\sqrt{[ミ]}}{[ム]}$$

となる。

④ 次の□に最も適するものを下の①～④のうちから一つずつ選べ。

ただし, x は実数とする。

(1) $x = 5$ は, $x^2 = 25$ であるための □メ。

(2) $x^2 < 25$ は, $|x| < 5$ であるための □モ。

(3) $x < 3$ は, $|x| < 3$ であるための □ヤ。

(4) $x > 9$ は, $|x| > 9$ であるための □ユ。

- ① 必要条件であるが, 十分条件ではない
- ② 十分条件であるが, 必要条件ではない
- ③ 必要十分条件である
- ④ 必要条件でも十分条件でもない