

## ◇ 数 学

数 5-1～数 5-4 まで 4 ページあります。

① 次の問いに答えよ。

[1]  $7x - 17y = 1$  の整数解の 1 つは  $x = 5$  ,  $y = \boxed{\text{ア}}$  である。

この整数解を用いて,  $7x - 17y = 1$  の整数解を求めると,

$$x = \boxed{\text{イウ}} k + \boxed{\text{エ}} , y = \boxed{\text{オ}} k + \boxed{\text{カ}} \quad (k \text{ は整数})$$

となる。

[2]  $\triangle ABC$  において,  $\angle A : \angle B : \angle C = 3 : 4 : 5$  のとき,

$$BC : CA = \sqrt{\boxed{\text{キ}}} : \sqrt{\boxed{\text{ク}}}$$

である。

[3] 次のデータはあるグループで行った小テストの結果です。

3, 1, 10, 9, 3, 4, 6, 2, 8, 9

このとき,

中央値は  $\boxed{\text{ケ}}$  , 第 1 四分位数は  $\boxed{\text{コ}}$  , 四分位範囲は  $\boxed{\text{サ}}$

となる。

② 座標平面上の放物線  $C: y = -x^2 - ax - 2a + 7$  と  $x$  軸との交点を  $P, Q$  とする。

[1] 線分  $PQ$  の長さが 4 以下になる  $a$  の値の範囲は

$$\boxed{\text{シ}} \leq a \leq \boxed{\text{ス}}$$

のときである。

[2] 線分  $PQ$  の長さが最小になるとき、

$$a = \boxed{\text{セ}}$$

であり、2 点  $P, Q$  と放物線  $C$  の頂点を結んでできる三角形の面積は

$$\boxed{\text{ソ}} \sqrt{\boxed{\text{タ}}}$$

である。

③  $\triangle ABC$  について,

辺  $BC$  の中点を  $D$ ,  $\angle ABC$  の二等分線と辺  $AC$  との交点を  $E$ , 線分  $AD$  と線分  $BE$  の交点を  $F$  とする。

$AB : BC = 3 : 4$  のとき,

$$\frac{AF}{FD} = \frac{\boxed{\text{チ}}}{\boxed{\text{ツ}}}$$

$$\frac{\triangle ABF}{\triangle ABD} = \frac{\boxed{\text{テ}}}{\boxed{\text{ト}}}$$

$$\frac{\triangle ABF}{\triangle ABC} = \frac{\boxed{\text{ナ}}}{\boxed{\text{ニヌ}}}$$

$$\frac{\triangle AFE}{\triangle ABC} = \frac{\boxed{\text{ネ}}}{\boxed{\text{ノハ}}}$$

である。

- ④ 袋の中に 0, 1, 2 の数字がそれぞれ 1 つずつ書かれた 3 枚のカードが入っている。この袋からカードを 1 枚取り出し、カードに書かれた数を記録して元に戻す試行を 3 回行い、記録された数の和を  $X$  とする。

$$X = 6 \text{ となる確率は } \frac{\boxed{\text{ヒ}}}{\boxed{\text{フヘ}}}$$

$$X = 5 \text{ となる確率は } \frac{\boxed{\text{ホ}}}{\boxed{\text{マ}}}$$

$$X = 4 \text{ となる確率は } \frac{\boxed{\text{ミ}}}{\boxed{\text{ム}}}$$

$$X = 3 \text{ となる確率は } \frac{\boxed{\text{メ}}}{\boxed{\text{モヤ}}}$$

である。